

CLASS – X (MATHEMATIC)

Chapter 7. Co-ordinate Geometry

1. एक चतुर्भुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए जिसके शीर्ष, इसी क्रम में $(3,0)$ $(4,5)$ $(-1,4)$ और $(-2,-1)$ है ।
2. किसी त्रिभुज के दो शीर्षों के निर्देशांक $(1, 2)$ तथा $(3, 5)$ हैं । यदि त्रिभुज का केन्द्र मूल बिंदु पर हैं तो तीसरे शीर्ष के निर्देशांक ज्ञात करो ।
3. दर्शाइए कि बिंदु $(1,7)$ $(4,2)$ $(-1,-1)$ और $(-4,4)$ एक वर्ग के शीर्ष हैं ।
4. यदि $A(-5, 7)$, $B(-4, -5)$, $C(-1, -6)$ और $D(4, 5)$ एक चतुर्भुज ABCD के शीर्ष हो तो इस चतुर्भुज का क्षेत्रफल ज्ञात कीजिए ।
5. x अक्ष पर वह बिंदु ज्ञात कीजिए जो बिंदुओं $(5,4)$ और $(-2,3)$ से समान दूरी पर हैं ।
6. k का वह मान ज्ञात कीजिए जिसके लिए बिन्दु $(7,-2)$ $(5,1)$ और $(3,k)$ संरेखीय हो ।
7. x का मान ज्ञात कीजिए यदि बिंदुओं $P(2,-3)$ तथा $Q(X,5)$ के बीच की दूरी 10 इकाई होती हैं ।
8. बिंदु $(3p, 4)$ तथा $(-2, 2q)$ को मिलाने वाले रेखाखण्ड के मध्य बिंदु के निर्देशांक $(5, p)$ हैं p तथा q के मान ज्ञात कीजिए ।
9. यदि बिन्दु $(1,2)$, $(4, y)$, $(x,6)$ और $(3, 5)$ इसी क्रम में लेने पर एक संमातर चतुर्भुज के शीर्ष हो तो x तथा y का मान ज्ञात कीजिए ।
10. दर्शाइए कि बिन्दु $(1, -1)$, $(5, 2)$ और $(9,5)$ संरेखी है ?
11. यदि एक त्रिभुज की भुजाओं के मध्य बिंदुओं के निर्देशांक $(1, 1)$, $(2, -3)$ तथा $(3, 4)$ हो तो केन्द्रक ज्ञात करो ।
12. यदि दो बिंदुओं $(3, k)$ तथा $(k, 5)$ से बिंदु $(0, 2)$ की दूरियाँ बराबर हो तो k का मान ज्ञात करो ।
13. बिन्दुओं $(2, -1)$ तथा $(5, -8)$ को मिलाने वाले रेखाखण्ड को बिंदुओं p, तथा q पर समत्रिभाजित किया जाता हैं । यदि बिंदु p रेखा $2x - y + k = 0$ पर स्थित हो तो k का मान ज्ञात कीजिए ।
14. यदि P और Q बिन्दुओं $(2,1)$ और $(5,-8)$ को मिलाने वाली रेखाखण्ड को समत्रिभाजित करते हैं। यदि बिन्दु P रेखा $2x - y + K = 0$ पर स्थित है तो K का मान ज्ञात कीजिए ।
15. बिन्दुओं $(-2,3)$ और $(-5,-4)$ को मिलाने वाले रेखाखण्ड को बिन्दु $(-3,p)$ किस अनुपात में बाँटता है। P का मान भी ज्ञात कीजिए ।
16. दर्शाइए कि बिन्दु $(3, 2)$, $(-2, -3)$ और $(2, 3)$ समकोण त्रिभुज के शीर्ष हैं ।
17. बिन्दु $(-8, 6)$, का मूल बिन्दु से दूरी ज्ञात कीजिए ।
18. Y - अक्ष पर एक ऐसा बिन्दु ज्ञात कीजिए जो बिन्दुओं $(6, 5)$, और $(-4, 3)$ से समदूरस्थ हो ।
19. बिन्दुओं $(6, 5)$, और $(-4, 3)$ को जोड़ने वाले रेखाखण्ड को समत्रिभाजित करने वाले बिन्दु P तथा Q के निर्देशांक ज्ञात कीजिए ।

20. यदि बिन्दु $(1, 2)$, $(4, y)$ $(x, 6)$ और $(3, 5)$, इसी क्रम में लेने पर, एक समांतर चतुर्भुज के शीर्ष हो तो x और y ज्ञात कीजिए।
21. बिन्दु A के निर्देशांक ज्ञात कीजिए, जहाँ AB एक वृत्त का व्यास है जिसका केंद्र $(-2, 3)$, है तथा B के निर्देशांक $(1, 4)$, है।
22. त्रिभुज ABC के शीर्ष $A(4, -6)$, $B(3, -2)$ और $(5, 2)$, है दर्शाइए इसके माध्यिका AD त्रिभुज को दो बराबर क्षेत्रफल वाले त्रिभुजों में बाँटता है।
23. बिन्दुओं $(1, 3)$ तथा $(2, 3)$ को मिलाने वाले रेखाखण्ड को रेखा $3x + 4y - 9 = 0$ किस अनुपात में विभाजित करता है ?
24. यदि बिन्दु $P(x, y)$ बिन्दुओं $A(3, 6)$ तथा $B(-3, 4)$ से समदूरस्थ है तो सिद्ध कीजिए कि $3x + y = 5$.
25. * Hot; यदि $P(x, y)$ कोई बिन्दु है जो बिन्दुओं $A(a, 0)$ और $B(0, b)$ को मिलाने वाले रेखाखण्ड पर स्थित है तो सिद्ध कीजिए कि $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$

हल : - तीनों बिन्दुएँ संरेखी है।

$$\therefore 0 = x_1(y_2 - y_3) + x_2(y_3 - y_1) + x_3(y_1 - y_2)$$

$$0 = x(0 - b) + a(b - y) + 0(y - 0)$$

$$0 = 0 - bx + ab - ay + 0 - 0$$

$$bx + ay = ab \text{ (dividing by 'ab')}$$

$$\frac{bx}{ab} + \frac{ay}{ab} = \frac{ab}{ab}$$

$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1 \text{ Proved}$$